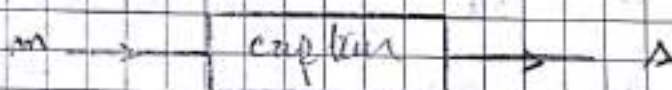


« suite »

- capteurs actifs
- capteurs passifs

### 1) capteur actif :

Un capteur est actif s'il se présente vu de sa sortie comme un générateur "s" est alors une charge ou une tension ou un courant.



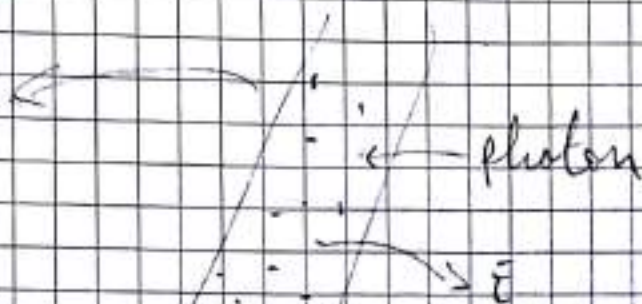
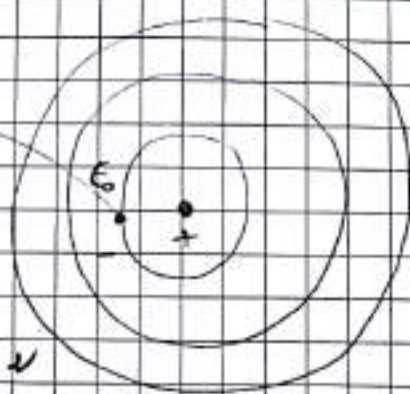
Le principe de fonctionnement d'un capteur actif est basé sur un effet physique qui assure la conversion de l'énergie du mesurande en une énergie électrique. Les effets physiques les plus classiques sont :

#### • Effet photoélectrique :

• Si  $E > E_0$

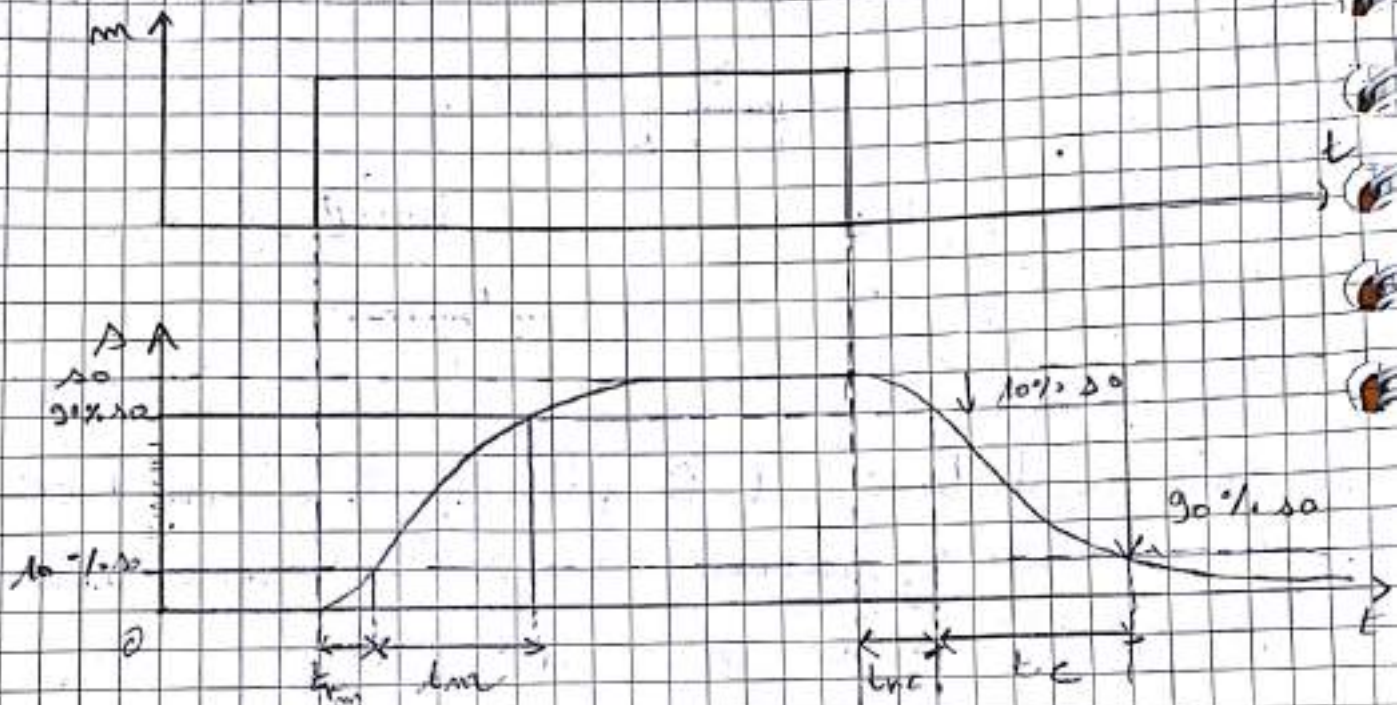
L'électron est éjecté

$$E - E_0 = \frac{1}{2} m v^2$$



$E_0$  : énergie de liaison / énergie d'extraction

Variation brusque de mesurande jusqu'a ce que la variation de la sortie du capteur ne differe plus de sa valeur finale que d'un écart de  $\epsilon\%$



• temps de retard à la montée  $t_{rim}$

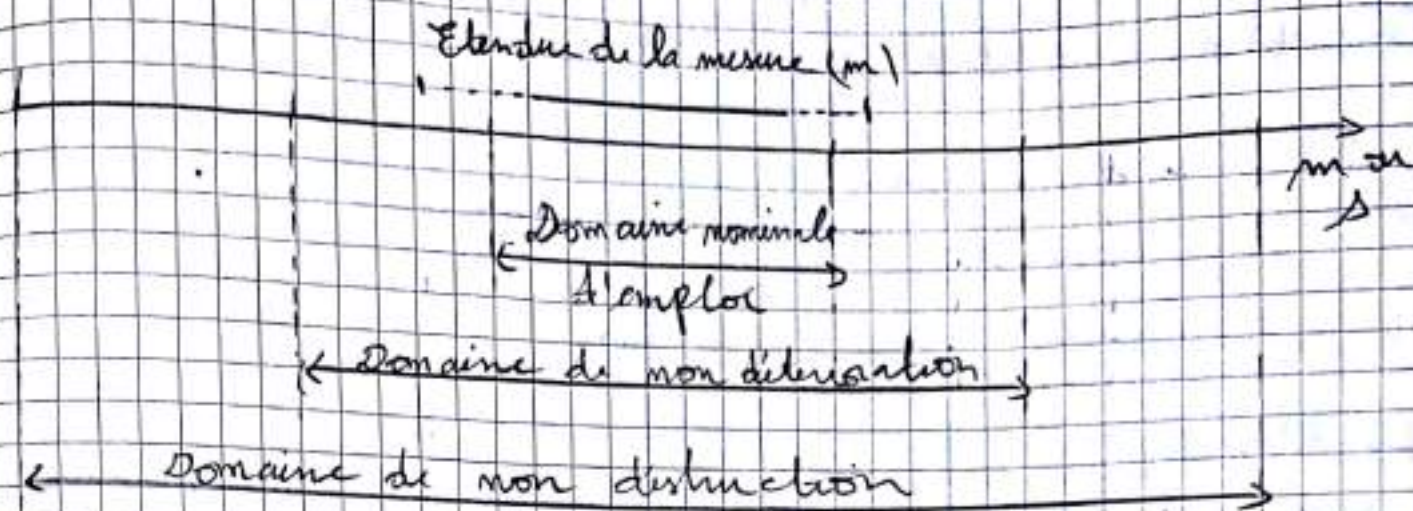
c'est l'intervalle de temps correspondant à la croissance de  $s$  de sa valeur initiale jusqu'à  $10\%$  de sa variation totale.

• temps de montée  $t_m$

c'est l'intervalle de temps correspondant à la croissance de  $s$  de  $10\%$  à  $90\%$  de sa variation totale.

Dans le cas d'un échelon entraînant la décroissance de  $s$ , on définit de manière analogue le temps de retard à la chute  $t_{rc}$  et le temps de chute  $t_c$ .

## III. Limites d'utilisation d'un capteur:



### 1. Domaine nominal d'emploi:

Il correspond au domaine normale d'utilisation, ses bornes correspondent aux valeurs extrêmes que peuvent atteindre  $m$  ou  $s$  sans modifier les caractéristiques du fonctionnement du capteur.

### 2. Domaine de non détérioration:

Lorsque  $m$  ou  $s$  dépasse les limites du domaine nominal d'emploi tout en restant inférieur ou limite du domaine de non détérioration, les caractéristiques du capteur sont modifiées cette modification est réversible.

### 3. Domaine de non destruction:

Lorsque les valeurs de  $m$  ou  $s$  dépassent les limites du domaine de non détérioration tout en restant inférieur au limite du domaine de non destruction, les caractéristiques du capteur sont

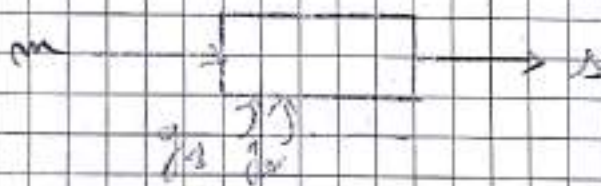
modifiés de façon irréversible.  
La réutilisation du capteur dans le domaine nominale  
d'emploi nécessitera un nouvel étalonnage.

{ Étendue de la mesure  
- en intervalle  $[m_{\min}, m_{\max}]$   
- en valeur  $m_{\max} - m_{\min}$

### • Étendue de la mesure

Elle est souvent identique au domaine nominale  
d'emploi pour ce qui de mesurande elle peut être  
légèrement réduite ou étendue.

### I - Grandeurs d'influence :



• Dans le cas idéal :  $s = f(m)$

• Dans le cas réel :  $s = f(m, g_1, g_2, \dots)$

⇒  $g_1, g_2$  — grandeurs parasites ou grandeurs d'influence

Le capteur peut se trouver <sup>soumis</sup> à d'autres grandeurs  
physiques que le mesurande  $m$ , dont la variation  
entraîne un changement de  $s$ , ces grandeurs  
parasites sont appelées grandeurs d'influence.

pour déduire la valeur de  $m$  à partir de  $s$ , il est

nécessaire de :

- soit réduire l'importance de ces grandeurs au niveau du capteur en utilisant un isolement adéquat
- soit d'utiliser des montages qui compensent l'influence de ces grandeurs.
- soit stabiliser ces grandeurs à des valeurs connues et d'étalonner le capteur dans ces conditions.

## II - Les erreurs de mesure :

L'erreur de mesure est l'écart entre la vraie valeur et la valeur mesurée, cette erreur ne peut être estimée, on distingue deux types d'erreurs :

les erreurs systématiques et les erreurs accidentelles

### • Erreurs systématiques :

L'erreur systématique introduit un décalage constant entre la valeur vraie et la valeur mesurée, elle se détecte en comparant les valeurs moyennes d'un même mesurande données par deux capteurs différents.

Les causes les plus fréquentes de cette erreur sont la mauvaise utilisation ou la mauvaise connaissance du capteur, ces erreurs peuvent être annulées

• Erreurs accidentelles;

Elles sont dites aussi erreurs aléatoires, certaines des causes sont connues mais les valeurs des erreurs qu'elles entraînent sont inconnues. Les causes principales de ces erreurs sont:

la présence de signaux d'influence, parasites ou les erreurs de lecture.

Ces erreurs là ne peuvent pas être annulées mais peuvent être réduites.

### XII - Fidélité, justesse, précision (exactitude):

soient  $n$  valeurs mesurées du même mesurande  $m_0$  (Valeur vraie), on aura donc:  $m_1, m_2, \dots, m_n$

La valeur mesurée est:

$$\bar{m} = \frac{m_1 + m_2 + \dots + m_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n m_i$$

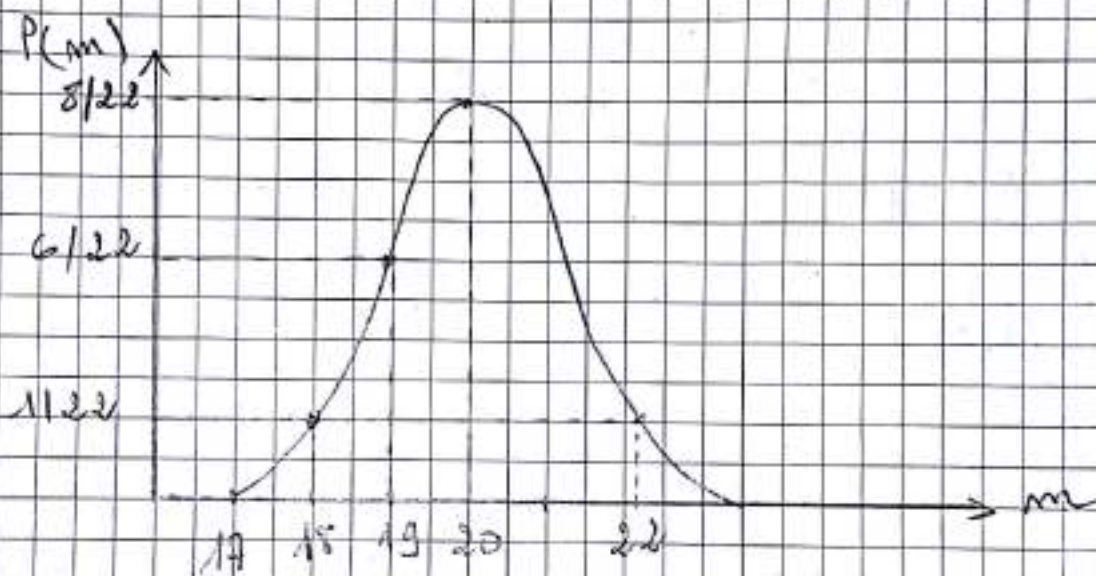
Soit  $P(m)$  la distribution des valeurs des mesures  
c-à-d la densité de probabilité des mesures

exp:

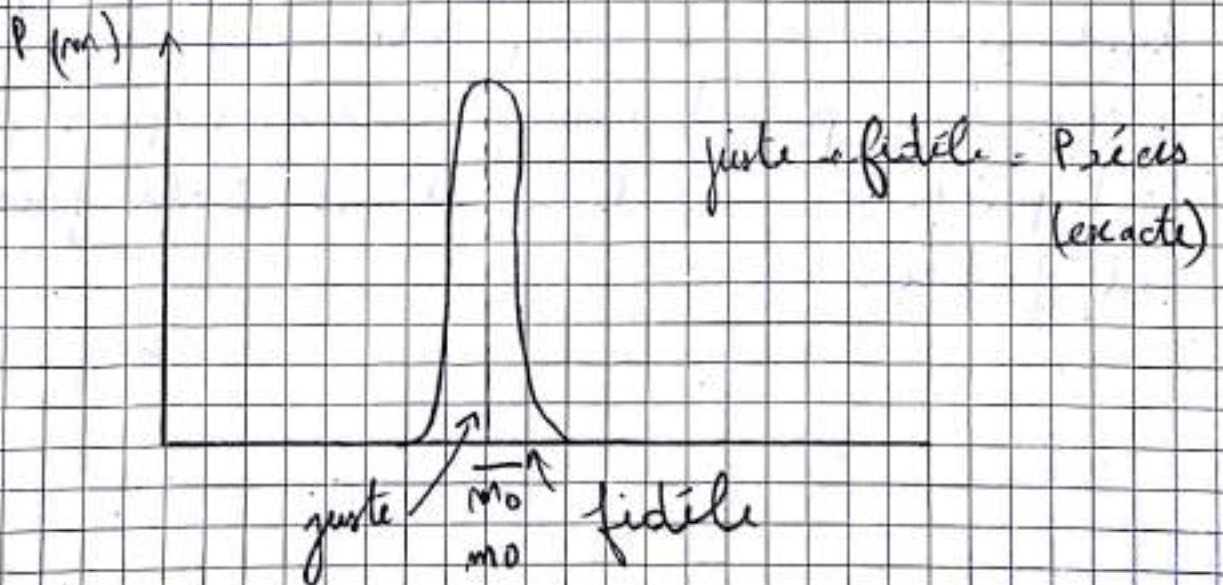
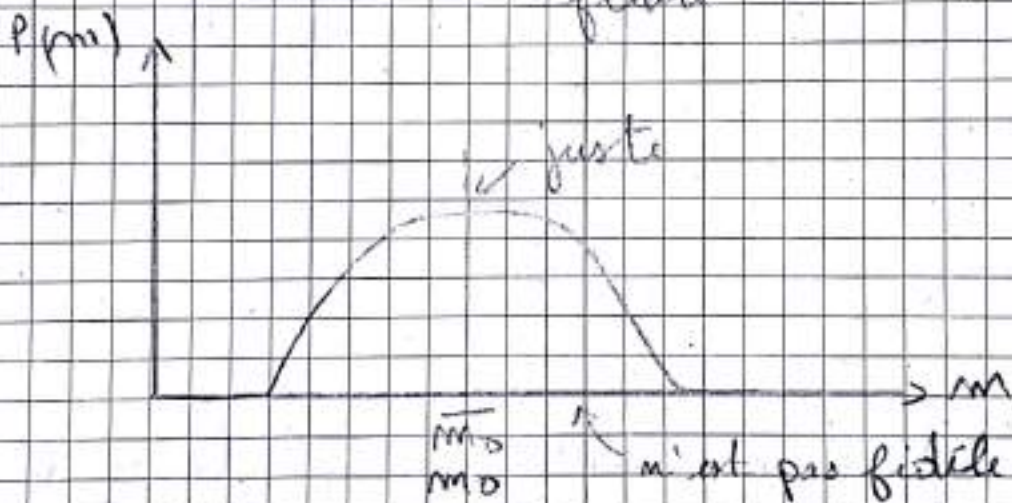
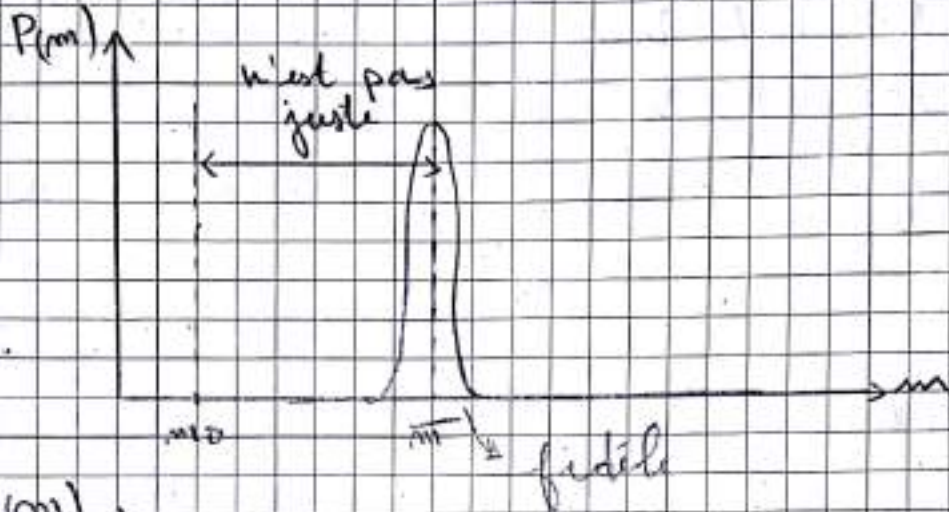
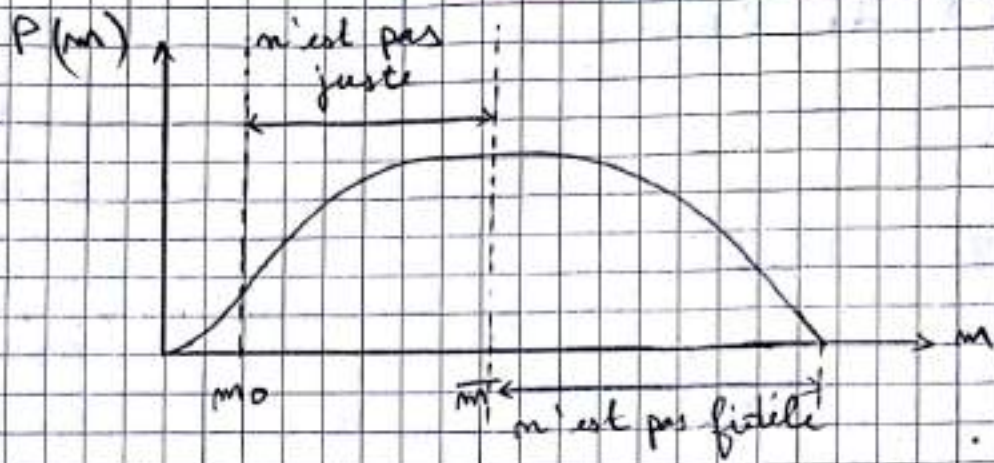
20	20	22	19	19
20	21	21	20	19
21	20	20	18	
20	21	21	19	
19	19	20	21	

• calcul de  $P(m)$  :

$m$	$P(m)$
18	1/22
19	6/22
20	8/22
21	6/22
22	1/22



- On dit qu'un capteur est fidèle si l'écart type qu'il fournit est faible ; qu'il est juste s'il n'a pas d'erreurs systématiques et qu'il est précis ou exacte s'il est à la fois juste et fidèle.





# Thermométrie par résistance et par thermocouple :

## I - Mesure de la température :

Il existe une grande diversité de capteurs de températures mettant en jeu principalement trois méthodes de mesure :

1. Méthode mécanique : basée sur la dilatation d'un solide, d'un liquide ou d'un gaz.

2. Méthode électrique : basée sur la variation thermique de la valeur d'une résistance ou de son bruit de fond.

3. Méthode optique : basée sur la répartition spectrale du rayonnement émis par les corps.

## II - Notion de Température :

La température d'un système est une expression de l'énergie cinétique moyenne de l'ensemble des particules contenues dans le système.

## III - Echelles de Température :

Il existe plusieurs échelles de température d'usage courant qui peuvent être obtenues par simple décalage des valeurs :

$$T(^{\circ}\text{C}) = T(^{\circ}\text{K}) - 273,15$$

$$T(^{\circ}\text{F}) = T(^{\circ}\text{R}) - 459,67$$

$$T(^{\circ}\text{C}) = \frac{5}{9} [T(^{\circ}\text{F}) - 32]$$

$$T(^{\circ}\text{R}) = \frac{9}{5} T(^{\circ}\text{K})$$

avec :

$^{\circ}\text{C}$  : degré Celsius

$^{\circ}\text{F}$  : degré Fahrenheit

$^{\circ}\text{K}$  : degré Kelvin

$^{\circ}\text{R}$  : degré Rankin

exp :

La température zéro absolu

$$0^{\circ}\text{K} = -273,15^{\circ}\text{C} = 0^{\circ}\text{R} = -459,67^{\circ}\text{F}$$

#### IV - Thermométrie par résistance :

1) De façon générale, la valeur de la résistance varie en fonction de la température :

$$R(T) = R_0 f(T - T_0)$$

avec :

$R_0$  est la valeur de la résistance pour  $T = T_0$

et  $f$  est une fonction caractéristique du matériau utilisé avec  $f = 1$  pour  $T = T_0$

• Pour les métaux on a :

$$R(T) = R_0 (1 + AT + BT^2 + CT^3), \text{ avec } T \text{ en } ^{\circ}\text{C}$$

$R_0$  est la valeur de la résistance pour  $T = 0^{\circ}\text{C}$

A, B et C sont des constantes caractéristiques du métal utilisé.

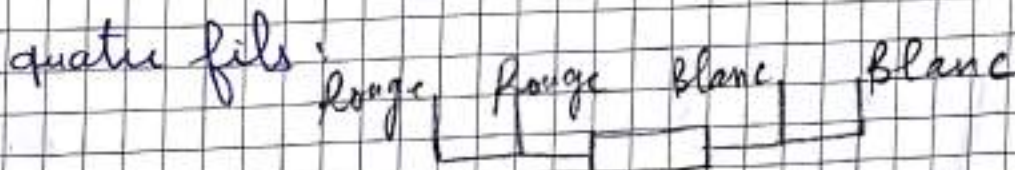
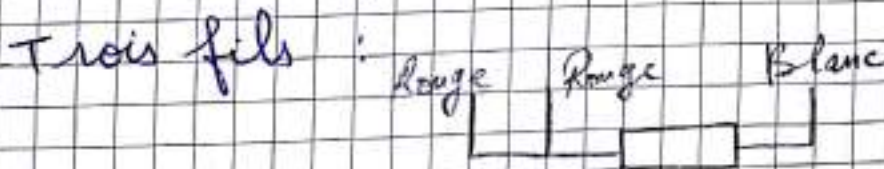
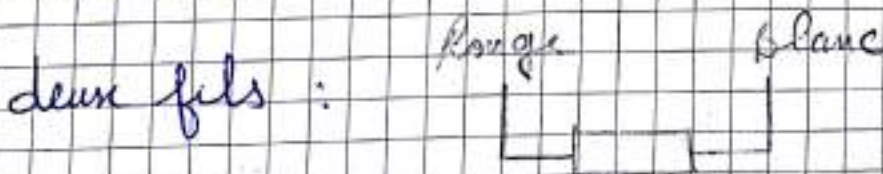
• Pour les thermistances (mélanges d'oxyde semi-conducteurs)

on a :  $R(T) = R_0 \cdot e^{B\left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0}\right)}$ , avec T en °K

B : est une constante caractéristique de la thermistance

$R_0$  : est la valeur de la résistance pour la température absolue  $T_0$

Les thermistances et les résistances métalliques sont aussi appelées sondes, les sondes métalliques se présentent à 2, 3, 4 fils, suivant le code couleur ci dessous :



Les sondes métalliques les plus utilisées sont à base de Platine (Pt 10, Pt 25, Pt 100, Pt 1000) à cause de la linéarité de celui-ci et la grande étendue de mesure qu'il fournit avec le même élément.

$$Pt X \rightarrow R = X \Omega \text{ pour } T = 0^\circ C$$

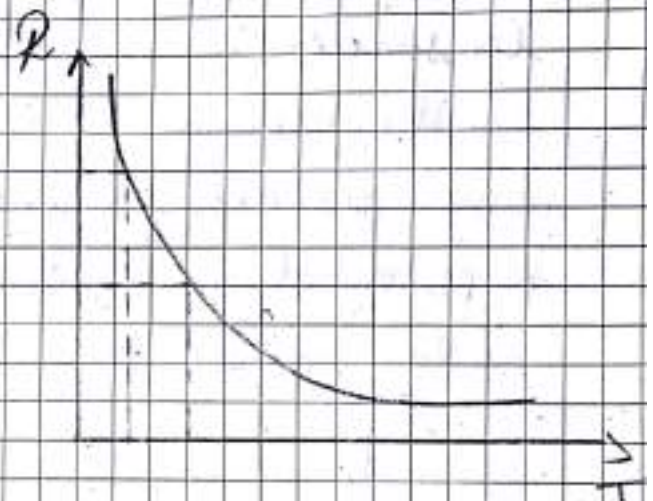
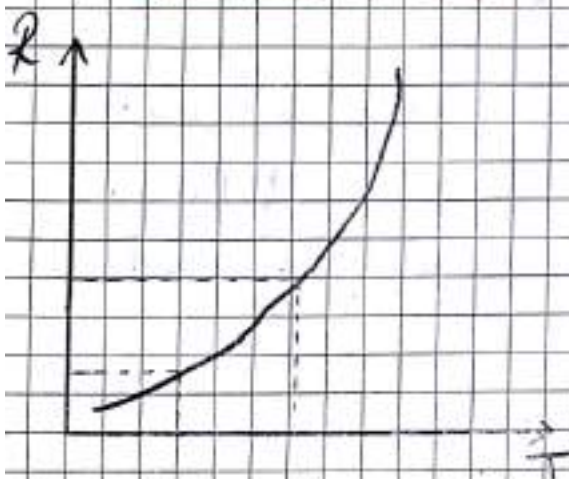
On utilise aussi:

- le cuivre (Cu)

- le Nickel (Ni)

- les alliages Fer-Nickel (Ni-Fe)

2) CTN et CTP:



lorsque  $T \uparrow$  on a  $R \uparrow$

• lorsque  $T \uparrow$  on a  $R \downarrow$

Coefficient de température positif (CTP)

Coefficient de Température Négatif (CTN)

Si au fur et à mesure la température augmente on a la valeur de la résistance qui augmente on dira qu'on a un CTP, cette résistance est une CTP

Si au fur et à mesure la température augmente on a la valeur de la résistance qui diminue on dira qu'on a un coefficient de température négatif, cette résistance est une CTF.

### 3) Mesure (conditionnement) <sup>résista à métal</sup> :

Pour mesurer la valeur de la résistance d'une thermistance ou d'une <sup>résista à métal</sup> (par conséquent la valeur de la température) on utilise un conditionneur.

En effet, les capteurs passifs nécessitent une source d'énergie électrique pour qu'on puisse lire le signal de sortie qui est une impédance. Les circuits dans lesquels incorporés sont appelés conditionneurs.

Dans le cas d'une thermistance ou d'une résistance métallique, une source d'alimentation est donc nécessaire, il existe plusieurs types de conditionneurs de capteurs résistifs :

- Montage à pont de Wheatstone déséquilibré avec une alimentation en tension.
- " " " " en courant
- Un circuit potentiométrique à alimentation en courant
- " " " " en tension
- Montage à 4 fils avec source de courant.

la valeur est convenablement choisie pour avoir la quasi-linéarité pour  $T = T_i$  on aura donc le circuit suivant :



Dans ce cas  $V_m = (R_f \parallel R) \cdot I$

Pour avoir une linéarité pour  $T = T_i$  on doit avoir

$$\left( \frac{d^2 V_m}{dT^2} \right)_{T=T_i} = 0 \Rightarrow \left( \frac{d^2 (R_f \parallel R)}{dT^2} \right)_{T=T_i} = 0$$

$$\rightarrow \left[ \frac{d^2}{dT^2} \left( \frac{R_f \cdot R}{R_f + R} \right) \right]_{T=T_i} = 0$$

- Dans le cas où

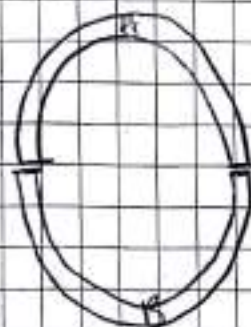
$$R = R_0 \cdot (1 + AT + BT^2)$$

Après calcul on aura :

$$R_f = R_0 \left( \frac{A^2}{6} - 1 + 3AT_i + 3BT_i^2 \right)$$

## V- Thermométrie par thermocouple ;

1) Définition :

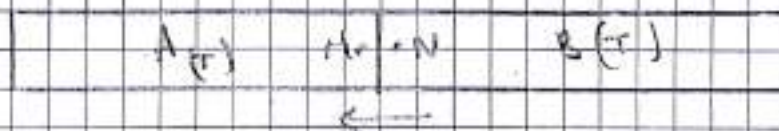


Un thermocouple est constitué de deux conducteurs qui forment entre eux deux jonctions posées à des températures  $T_1$  et  $T_2$ , il délivre une f.e.m.  $E_{AB}^{T_2 T_1}$  qui dépend de la nature des conducteurs A et B et des températures  $T_1$  et  $T_2$ , en général la température de l'une des jonctions est fixe, connue et sert de référence et celle de l'autre jonction est la température à mesurer.

La

elle est basée à la fois sur les effets Seebeck, Peltier et Thomson.

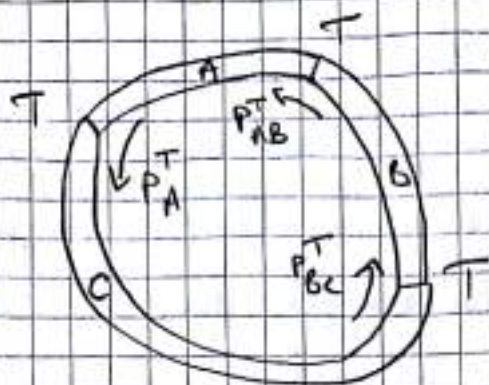
2) Effet Peltier :



$$V_M - V_N = P_{AB}^T : \text{f.e.m. de Peltier}$$

On réalise une jonction de deux conducteurs A et B différents, on les pose à la même température  $T$ , il s'établit une différence de potentiel qui dépend de la nature des conducteurs et de la température  $T$ , c'est la f.e.m. Peltier!

## Loi volta



$$P_{AB}^T + P_{BC}^T + P_{CA}^T = 0$$

Dans un circuit constitué de conducteurs différents, la somme des f.e.m de Peltier est nulle.

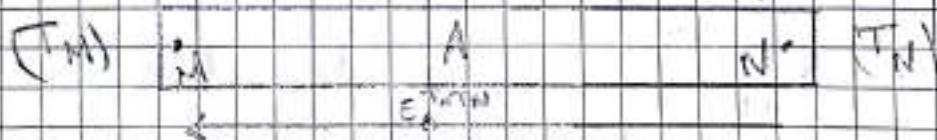
cas de deux conducteurs:



$$P_{AB}^T + P_{BA}^T = 0$$

$$P_{AB}^T = -P_{BA}^T$$

## 3) Effet Thomson:



$$V_M - V_N = E_A^{T_M T_N} = \int_{T_N}^{T_M} h_A \cdot dT \quad \text{f.e.m de Thomson}$$

$h_A$ : coefficient de Thomson du conducteur A et est une fonction qui dépend de la température.

On considère un conducteur homogène A et pose les deux extrémités de ce conducteur à des températures différentes.



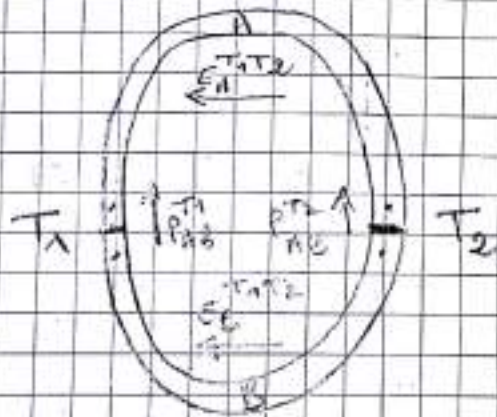
$T_H$  et  $T_N$ , il s'établit une différence de potentiel qui dépend de la nature de conducteur et des températures  $T_H$  et  $T_N$ , c'est la f.e.m de Thomson

• Loi Magnus,

Si les extrémités d'un conducteur unique et homogène sont à la même température, la f.e.m de Thomson est nulle.

$$E_A^{T_N T_H} - \int_{T_N}^{T_H} h_A \cdot dT = 0$$

4) Effet Seebeck;



$$E_{AB}^{T_2 T_1} = P_{AB}^{T_2} + E_A^{T_1 T_2} - P_{AB}^{T_1} - E_B^{T_1 T_2}$$

$$E_{AB}^{T_2 T_1} = P_{AB}^{T_2} - P_{AB}^{T_1} + E_A^{T_1 T_2} - E_B^{T_1 T_2}$$

$$E_{AB}^{T_1 T_2} = P_{AB}^{T_2} - P_{AB}^{T_1} + \int_{T_2}^{T_1} (h_A - h_B) dT ; \text{ f.e.m de Seebeck}$$

On réalise un circuit fermé, en soudant deux conducteurs différents A et B en deux jonctions placés à des températures différentes  $T_1$  et  $T_2$ , ce

circuit est dit couple thermoélectrique, elle s'établit une f.e.m qui est appelée f.e.m de Seebeck.

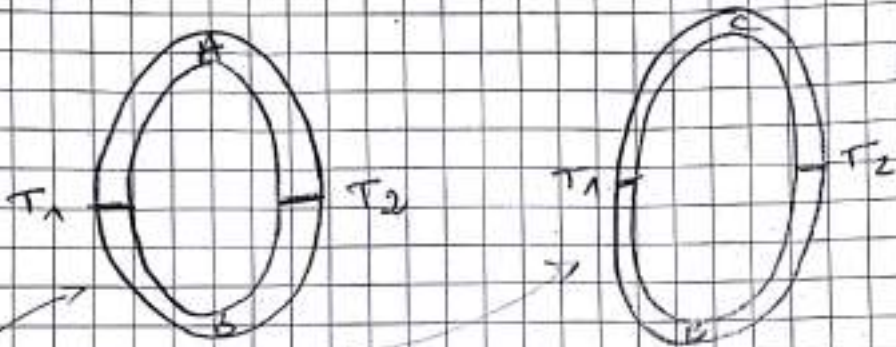
La f.e.m de Seebeck est la résultante de f.e.m de Peltier et Thomson

$$\frac{1}{R} \uparrow P_{AC} \downarrow P_{BH}$$

5) Loi des métaux successifs :

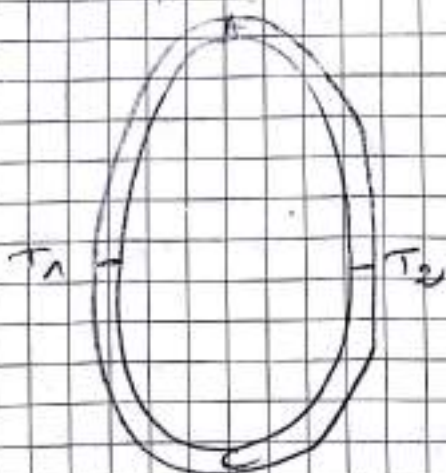
soient deux couples formés respectivement des conducteurs A-B et C-B.

Les jonctions sont aux températures  $T_2$  et  $T_1$



$$E_{AB}^{T_2 T_1} = P_{AB}^{T_2} - P_{AB}^{T_1} + \int_{T_1}^{T_2} (h_A - h_B) dT$$

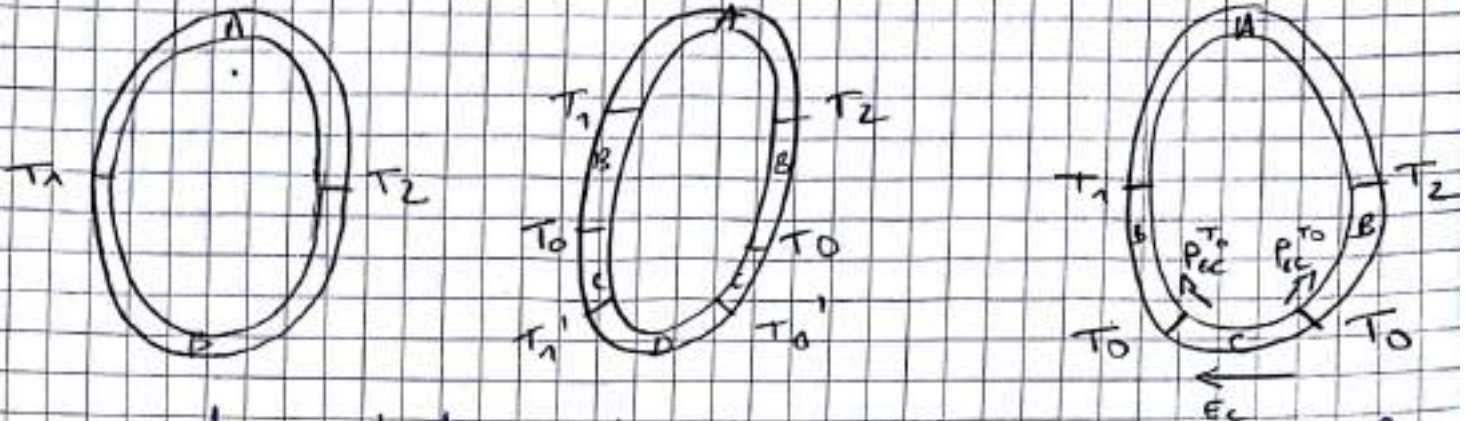
$$E_{CB}^{T_1 T_2} = P_{CB}^{T_2} - P_{CB}^{T_1} + \int_{T_1}^{T_2} (h_C - h_B) dT$$



La f.e.m de Seebeck du couple AC est :

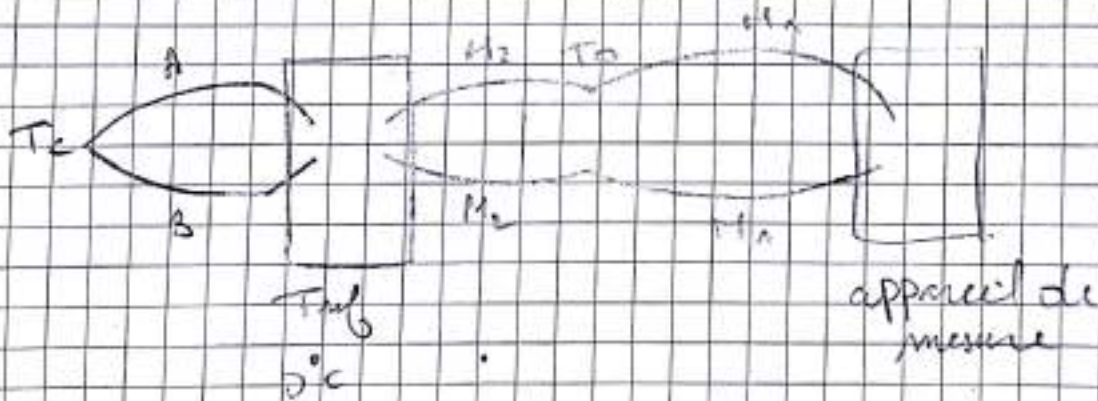
$$E_A^{T_2 T_1} = E_{AB}^{T_2 T_1} - E_{CB}^{T_2 T_1}$$

G) Loi des métaux intermédiaires :



quand on introduit dans le circuit comprenant le couple AB un conducteur de nature différente, la f.e.m. n'est pas modifiée, si les extrémités de ce conducteur sont portées à la même température

F) caractéristiques et usage des thermocouples :



Dans la désignation d'un thermocouple le 1<sup>er</sup> conducteur cité correspond à la borne positive du couple lorsqu'il est utilisé au dessus de la température de référence qui est généralement de 32°  
 Il existe un très grand nombre d'alliages permettant de réaliser les thermocouples, en pratique une

des dizaines de couples sont couramment utilisés

## II - Résolution d'un capteur :

exp :



21,0	→	3,0
21,1	→	3,0
21,2	→	3,0
21,3	→	3,1
22,1	→	3,3

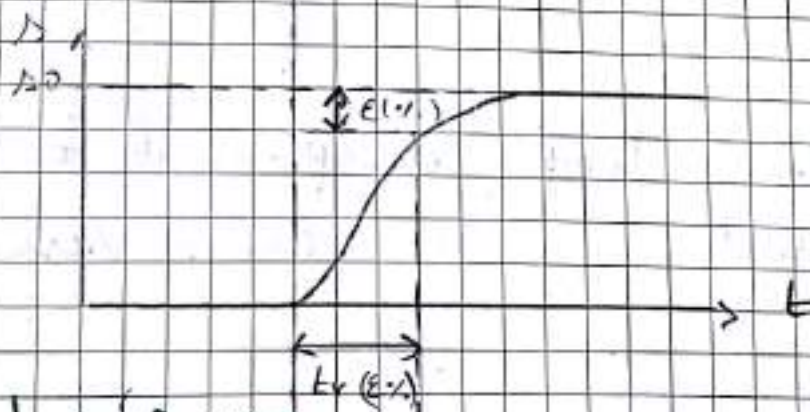
$$Q = 0,3^{\circ}\text{C}$$

La résolution est la plus faible variation de la grandeur mesurée qui produit une variation perceptible sur la sortie du capteur

## III - Rapacité, temps de réponse d'un capteur :



tr  $\epsilon$  (%)

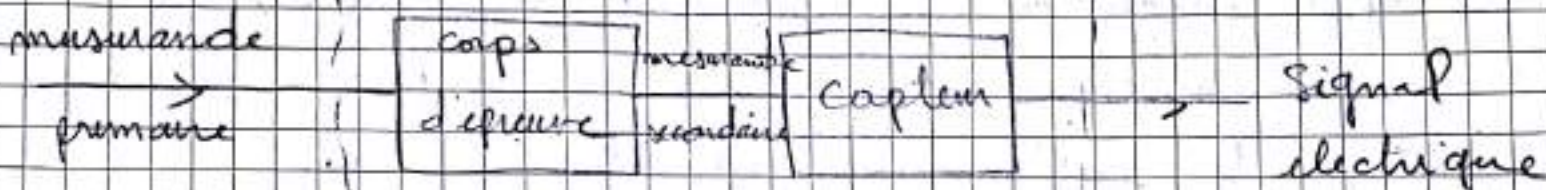
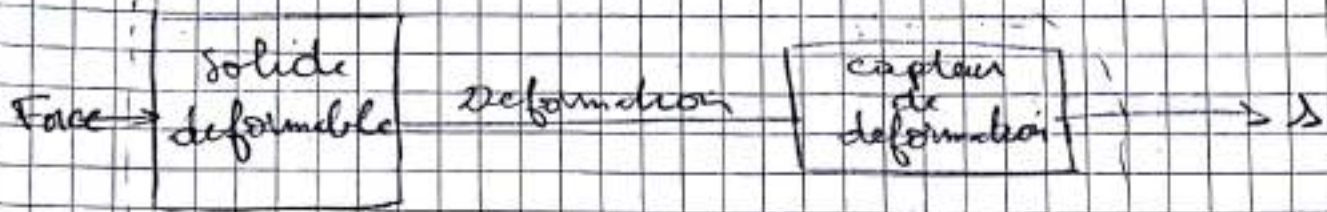


### • temps de réponse :

- Le temps de réponse est toujours spécifié avec un écart ( $\epsilon$  %) auquel il correspond, il est l'intervalle de temps qui s'écoule après une

### III corps d'épreuve, capteur composite

exp:



capteur composite

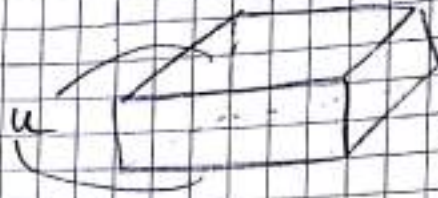
En mécanique surtout la conversion de  $m$  en  $s$  n'est pas directe, il est parfois nécessaire d'ajouter un corps d'épreuve.

Tout corps intermédiaire entre le mesurande et le capteur est appelé corps d'épreuve. L'ensemble formé par le corps d'épreuve et le capteur est appelé capteur composite.

l'union  $\rightarrow$  déformation



avant application de charge

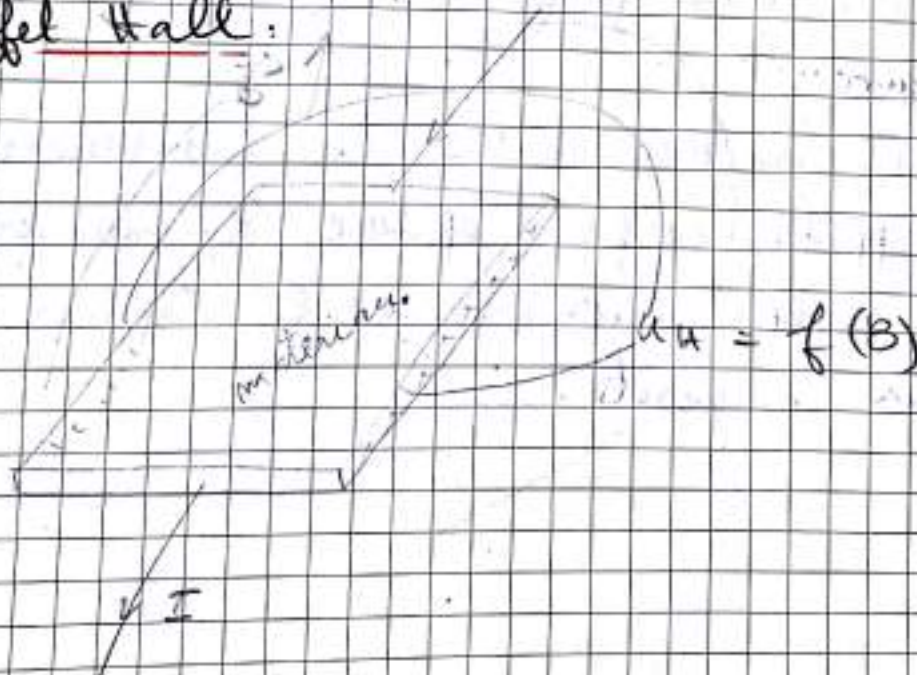


après application de charge

### Effet piezo électrique inverse

L'application d'une contrainte mécanique à certains matériaux du piezo électrique comme le quartz entraîne l'apparition d'une déformation et d'une même charge électrique de signe opposé sur les faces opposées du matériau. Il existe aussi un effet piezo électrique inverse.

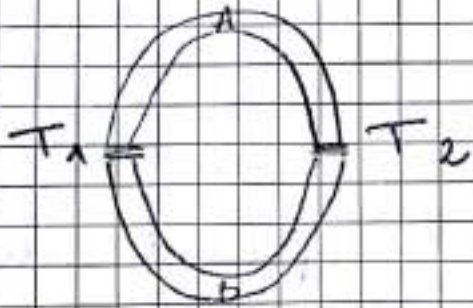
### • Effet Hall:



Un champ magnétique  $B$  et un courant  $I$  créent une ddp notée  $U_H$  et appelée tension de hall

L'effet photoélectrique est la libération de charges électriques dans la matière sous l'influence d'un rayonnement lumineux.

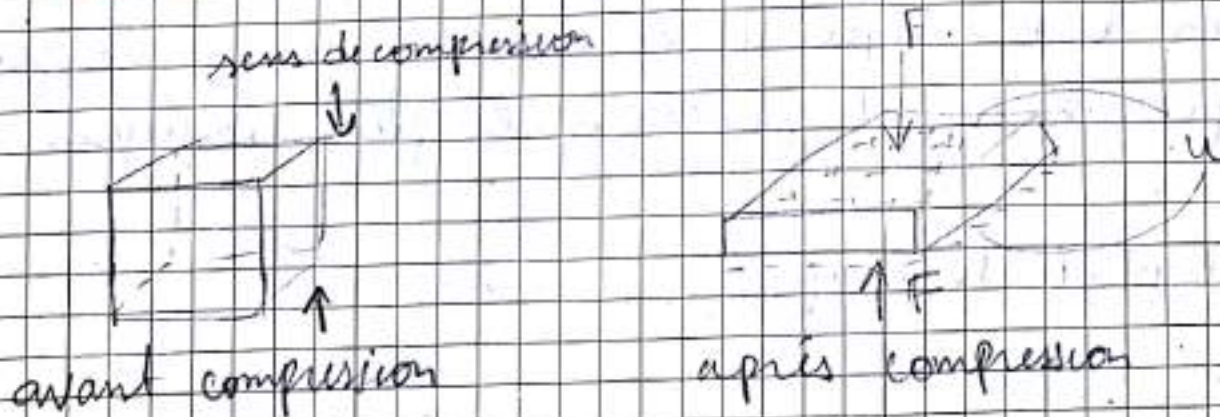
• Effet thermoélectrique :



$$E_{AB}(T_1, T_2)$$

Un circuit formé de deux conducteurs A et B de natures différentes dont les jonctions sont portées à des températures  $T_1$  et  $T_2$ , est le siège d'une f.e. d'origine thermique notée  $E_{AB}(T_1, T_2)$

• Effet piezo-électrique :



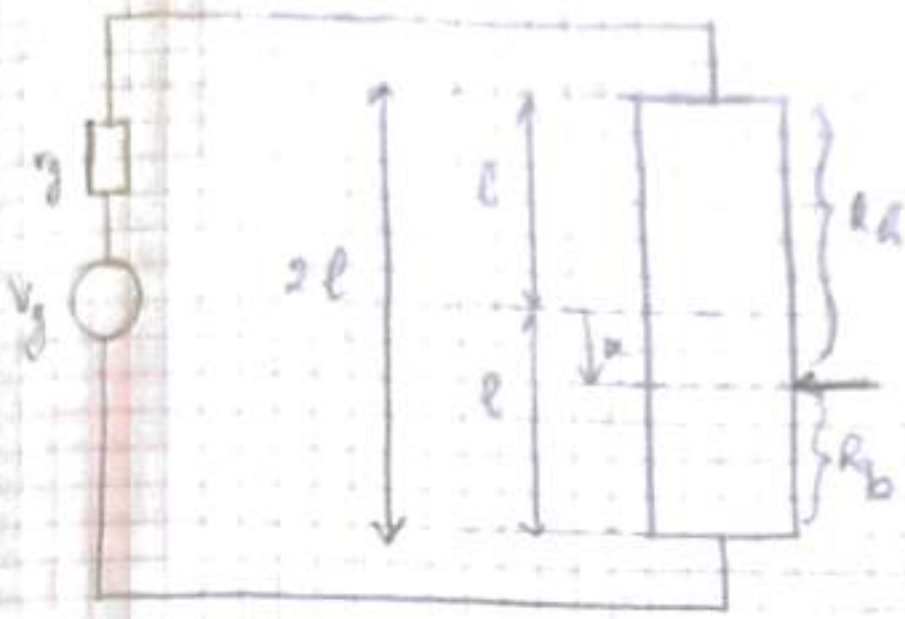
Effet piezo-électrique

force  $\rightarrow$  déformation  $\rightarrow$  tension



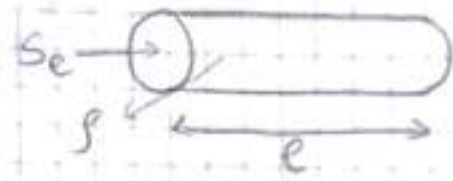
# Les capteurs de déplacement

## Exo 1



Résistance Totale  $2R_0$

Rappel:



$$R = \rho \frac{l}{S_e}$$

L'exercice:

$$\begin{cases} R_a = \rho \frac{l+x}{S_e} \\ R_b = \rho \frac{l-x}{S_e} \end{cases}$$

or la résistance Totale est =

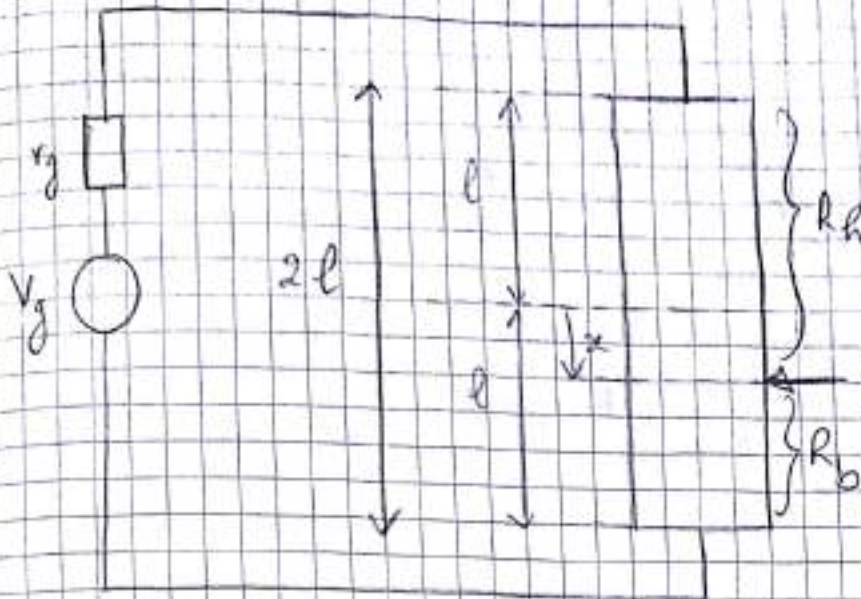
$$2R_0 = \rho \frac{2l}{S_e} \Rightarrow R_0 = \rho \frac{l}{S_e}$$

$$\begin{cases} R_a = \rho \frac{l}{S_e} \cdot \frac{l+x}{l} \\ R_b = \rho \frac{l}{S_e} \cdot \frac{l-x}{l} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} R_a = R_0 \frac{l+x}{l} \\ R_b = R_0 \frac{l-x}{l} \end{cases}$$

# Les capteurs de déplacement

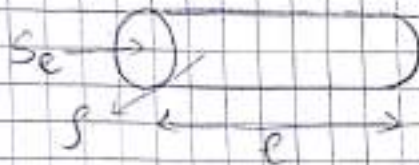
Exo 1 =



Résistance Totale  $2R_0$

Rappel:

$$R = \rho \frac{l}{S_e}$$



L'usage:

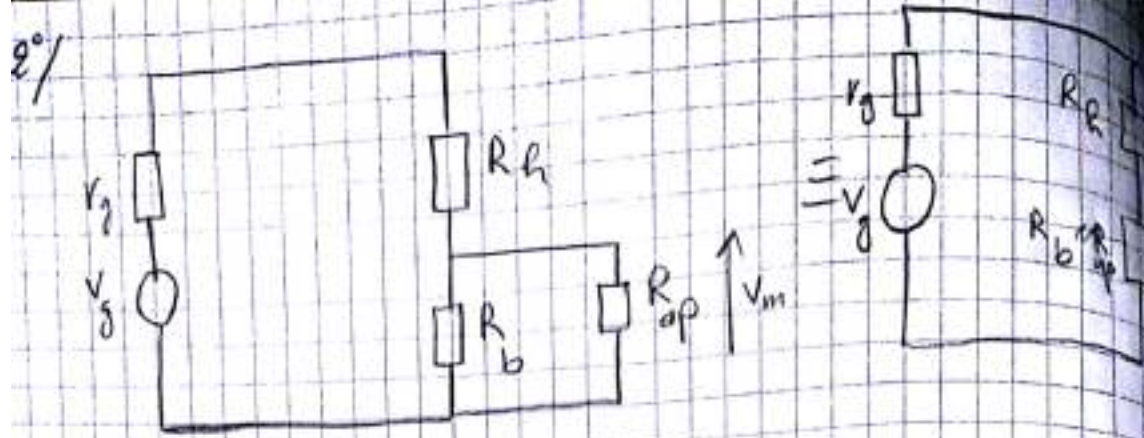
$$\begin{cases} R_h = \rho \frac{l+x}{S_e} \\ R_b = \rho \frac{l-x}{S_e} \end{cases}$$

or la résistance Totale est =

$$2R_0 = \rho \frac{2l}{S_e} \Rightarrow R_0 = \rho \frac{l}{S_e}$$

$$\begin{cases} R_h = \rho \frac{l}{S_e} \cdot \frac{l+x}{l} \\ R_b = \rho \frac{l}{S_e} \cdot \frac{l-x}{l} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} R_h = R_0 \frac{l+x}{l} \\ R_b = R_0 \frac{l-x}{l} \end{cases}$$



$$V_m = \frac{R_b \parallel R_{ap}}{R_b \parallel R_{ap} + R_h + r_g} \cdot V_g$$

$$V_m = \frac{R_b \cdot R_{ap}}{(R_b + R_{ap}) \left( \frac{R_b \cdot R_{ap}}{R_b + R_{ap}} + R_h + r_g \right)} \cdot V_g$$

$$V_m = \frac{R_b \cdot R_{ap}}{(R_b \cdot R_{ap}) + (R_b + R_{ap})(R_h + r_g)} \cdot V_g$$

3°/  $R_{ap} \gg R_0 \Rightarrow R_{ap} \gg R_b \Rightarrow R_b + R_{ap} \approx R_{ap}$

Dans ce cas on aura:

$$V_m = \frac{R_b \cdot R_{ap}}{R_b \cdot R_{ap} + R_{ap}(R_h + r_g)} V_g$$

$$V_m = \frac{R_b}{R_b + R_h + r_g} V_g$$

$$V_m = \frac{R_b}{2R_0 + r_g} V_g$$

4°/

$$S = \frac{dV_m}{dx}$$

on remplace  $R_b$  ds  $V_m$

$$V_m = \frac{R_0 \frac{(l-x)}{e}}{2R_0 + r_g} V_g \Rightarrow V_m = \frac{R_0 (l-x)}{l(2R_0 + r_g)} V_g$$

$$V_m = \frac{R_0 l}{l(2R_0 + r_g)} V_g - \frac{R_0}{l(2R_0 + r_g)} V_g x$$

$$S = \frac{dS}{dt} = \frac{dS}{dx} \frac{dx}{dt}$$

$$\Rightarrow S = - \frac{R_0}{l(2R_0 + r_g)} V_g \Rightarrow \text{tjrs en valeurs absolue}$$

5°) Pour que  $|S|$  soit max il faut que  $r_g$  soit min :  
donc  $r_g = 0$

Dans ce cas on aura :

$$V_m = \frac{l-x}{2l} V_g$$

$$S = - \frac{1}{2l} V_g$$

6°)  $V_{max} = 0,2 \text{ m/s}$

$$x = a \sin(\omega t + \varphi)$$

$$v = \frac{dx}{dt} = a\omega \cos(\omega t + \varphi)$$

$$v_{max} = a\omega = a 2\pi f_{max}$$

$$\Rightarrow f_{max} = \frac{v_{max}}{a 2\pi}$$

$$A.N: f_{max} = \frac{0,2}{10^{-2} \times 2 \times 3,14} = \frac{10}{3,14}$$

$$f_{max} = 3,18 \text{ Hz}$$

Exo 2:

1°)



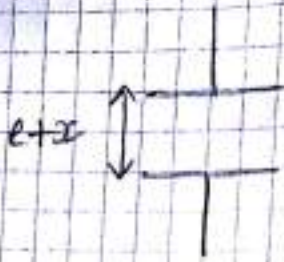
$$C = \epsilon \frac{S}{e}$$

On peut voir  
 $\epsilon$  et  $S$  sur  
et  $e$

$$\epsilon = \epsilon_0 \cdot \epsilon_r$$

$\epsilon_0$  = permittivité du vide  
 $\epsilon_r$  = " relative.

$$\epsilon_0 \text{ (vide)} = 1$$

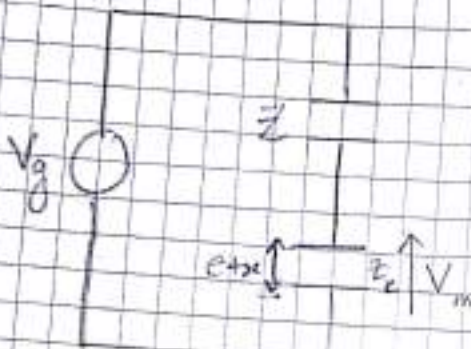


$$1^\circ / Z_c(x) = \frac{1}{j\omega C}$$

$$C = \epsilon_0 \frac{S}{e+x}$$

$$\Rightarrow Z_c(\text{bc}) = \frac{e+x}{j\epsilon_0 S \omega}$$

$$2^\circ / Z = Z_c(x=0) = \frac{e}{j\epsilon_0 S \omega}$$



$$V_m = \frac{Z_c}{Z_c + Z} V_g$$

$$V_m = \frac{\frac{e+x}{j\epsilon_0 S \omega}}{\frac{e+x}{j\epsilon_0 S \omega} + \frac{e}{j\epsilon_0 S \omega}} V_g$$

$$V_m = \frac{e+x}{2e+x} V_g$$

$$3^\circ / V_{me} = ?$$

Rappel: Soit une fonction  $f$  de la variable  $x$   
 L'approximation polynomiale de  $f$  autour du point  $x_0$  est donnée par le développement en série de Taylor:

$$f(x) = f(x_0) + \frac{x-x_0}{1!} f'(x_0) + \frac{(x-x_0)^2}{2!} f''(x_0) + \frac{(x-x_0)^3}{3!} f'''(x_0) + \dots + \frac{(x-x_0)^n}{n!} f^{(n)}(x_0)$$